文章编号:1673-5196(2021)03-0120-07

黄土高填方边坡的稳定性影响因素及其变形规律

叶帅华^{*1,2},张玉巧^{1,2},房光文^{1,2}

(1. 兰州理工大学 土木工程学院,甘肃 兰州 730050; 2. 兰州理工大学 西部土木工程防灾减灾教育部工程研究中心,甘肃 兰州 730050)

摘要:根据西北某路段黄土高填方边坡工程项目,运用 PLAXIS 3D 软件建立多级高填方边坡三维有限元模型,研 究了填料、填土边界、坡度以及卸载平台的改变对边坡稳定性的影响.并根据边坡在分步填筑情况下各级边坡坡顶、 坡面、坡脚的竖向位移及水平位移,分析了各级边坡最危险点的分布规律及整体边坡变形趋势.结果表明:填料黏聚 力、内摩擦角是影响高填方边坡稳定性的关键性因素.降低填土与原状土体边界处台阶高度、加深台阶宽度、降低坡 度以及加宽卸载平台,均可提高边坡的稳定性.较低处边坡施工期间竖向位移突变大,水平位移突变较缓慢;施工完 成后变形情况均良好.较高处边坡施工期间竖向、水平位移突变大,分布不均匀;施工完成后固结沉降时期长,变形 量大;需在施工完成后着重加强高处的变形监测.研究结果确定了西北地区黄土高填方边坡的稳定性影响因素、变 形趋势及发展规律,为进一步研究黄土高填土边坡的变形控制提供了科学依据.

关键词: 黄土; 高填方; 稳定性; 变形规律

中图分类号: TU44 文献标志码: A

Stability factors and deformation law of loess high fill slope

YE Shuai-hua^{1,2}, ZHANG Yu-qiao^{1,2}, FANG Guang-wen^{1,2}

(1. College of Civil Engineering, Lanzhou Univ. of Tech., Lanzhou 730050, China; 2. Western Center of Disaster Mitigation in Civil Engineering of Ministry of Education, Lanzhou Univ. of Tech., Lanzhou 730050, China)

Abstract: Based on the loess high fill slope project in a certain section of Northwest China, this paper uses PLAXIS 3D software to establish a three-dimensional finite element model of the multistage high fill slope. The effects of changing fill, fill boundary, slope and unloading platform on slope stability were studied. According to the vertical displacement and horizontal displacement of the slope top, slope and foot, the distribution law of the most dangerous points at all levels and the trend of the whole slope deformation are analyzed. The results show that the cohesive force and internal friction angle of filling are the key factors affecting the stability of high fill slopes. Reducing the height of the step at the boundary between the fill and the undisturbed soil, deepening the step width, reducing the slope, and widening the unloading platform can improve the stability of the slope. During the construction of the lower slope, the vertical displacement changes rapidly and horizontal displacement changes slowly. The deformation is good after the construction. During the construction of the higher slope, the vertical and horizontal displacement abrupt change rapidly, and the distribution is not uniform. The consolidation settlement period is long and the deformation amount is large after the construction. It is necessary to strengthen the deformation monitoring of the higher slope after the construction. The research results determine the influence factors of stability, deformation trend and development law of loess high fill slope in Northwest China, and provides a scientific basis for further research on controlling the deformation of loess high fill slope.

Key words: loess; high fill; stability; deformation law

收稿日期: 2019-03-12

基金项目:国家自然科学基金(51508256),甘肃省建设科技攻关计划项目(JK2015-5), 兰州市科技发展计划项目(2015-3-131)

通讯作者:叶帅华(1983-),男,河南巩义人,博士,教授.

Email:yeshuaihua@163.com

受西部大开发战略影响,城市用地紧张,建筑选 址逐渐向周边山区扩张,高填方边坡大量涌现,研究 高填方边坡稳定性影响因素及变形破坏规律对建设 高填方边坡具有重要意义.我国黄土面积分布广、厚 度大,各个地区的黄土性质均有差异,不可同一而 论,需更进一步地研究各地区黄土的性状.填方边坡 相比较于自然边坡受到施工工艺、土体性状、外界环 境、时空效应等因素的影响更为复杂.填筑土体性质 对边坡变形与稳定性有很大影响,直接影响边坡的 变形形式.原始地表平整情况不同,在具有不同物理 力学性质的原始土体和填土间形成界面,该处易产 生变形破坏.

关于边坡稳定性问题,诸多学者做了大量研究, 胡长明等[1]通过离心模型试验研究了高填方贴坡体 在天然含水量及饱水状态下的稳定性和变形模式; 刘新喜等[2]进行降雨作用下高填方边坡暂态饱和与 非饱和滑坡渗流的有限元分析,分析边坡的瞬态安 全系数;谷天峰等^[3]研究在循环荷载的长期作用下, 黄土的动强度和动应力-动应变关系以及边坡的变 形规律;徐则民等[4] 用三维有限元与拟静力分析相 结合的方法对填方高边坡动力稳定性进行研究:陈 志波等[5]采用灰色系统理论中的灰色关联分析方法 对边坡稳定性进行敏感性分析;胡田飞等[6]总结三 维数值分析法得出分析边坡稳定性的一套流程;葛 苗苗等[7]通过分析某高填方的监测成果,将数值计 算与分层迭代反演方法结合,对高填方的工后沉降 进行反演预测;马闫等^[8]分析了黄土贴坡高填方结 构特点及变形破坏的关键影响因素,研究了其变形 破坏机制;吴红刚等^[9]从变形机理和控制技术两方 面对机场高填方边坡问题进行研究;李忠等^[10]将多 种群遗传算法(MPGA)引入三维边坡的稳定性分析 中,结合有限元计算建立一种基于 MPGA 边坡三维 稳定性分析的新方法:朱彦鹏等[11]依据双强度折减 法,研究分析了针对黏性土坡的配套折减机制,并与 传统的强度折减法结果做了分析与对比:周勇等[12] 针对泥岩砂岩互层类型高边坡,进行支护结构内力 及坡体位移监测,并与数值模拟进行对比分析;李忠 等[13]根据土质边坡的破坏模式及滑移面形状,提出 一种新的确定边坡最危险滑移面搜索模型,对土质 边坡滑移面位置及安全系数空间分布进行分析与研 究;朱彦鹏等^[14]针对兰州市地质,通过有限元软件 建立模型计算,探究不同开挖方式对洞口未支护及 已支护边坡的位移、稳定性安全系数及塑性区域分 布的影响,在现有的研究中,针对西北地区无支护情 况下多级黄土高填方边坡的静力稳定性影响因素、

变形趋势及发展规律的研究较少.

本次研究以陇南市某路段边坡工程为背景,运 用 PLAXIS 3D 三维有限元软件,对无支护情况下 黄土高填方边坡的变形进行有限元数值模拟分析. 通过改变边坡填料物理力学性质、填土与原土体边 界、填筑体坡度以及卸载平台宽度,分析其安全系数 变化规律.并模拟真实分级施工工况,研究不同级边 坡上各点的变形情况,分析黄土高填方边坡变形规 律,以期对西北地区黄土高填方边坡设计及施工有 所裨益.

1 安全性分析原理

PLAXIS 3D 软件采用有限元强度折减法计算 边坡整体稳定性,初始土体强度参数中内摩擦角正 切 tan φ 和黏聚力 c 逐步减小,直至边坡发生失稳 破坏,得到边坡安全系数及最优滑动面位置.

每个计算阶段中折减的土体强度参数值根据总 乘子 $\sum M_s f$ 定义,即

$$\sum M_{\rm s} f = \frac{\tan \varphi}{\tan \varphi_{\rm r}} = \frac{c}{c_{\rm r}} \tag{1}$$

式中: $\sum M_s f$ 为折减总乘子; $c_{\varphi} \phi$ 为填土的黏聚力和内摩擦角; c_{r}, φ_{r} 为折减后的黏聚力和内摩擦角.

程序计算开始时,所有土体强度参数取初始值, 即 $\sum M_s f = 1.0.$ 计算过程中,总乘子由荷载增量进 程控制.增量乘子 $M_s f$ 用来控制土体强度参数的折 减,即 tan φ 和c 同步折减,默认第一步取 0.1.强度参 数自动逐步折减,直到执行完成所有步数.随后检验 模型中边坡是否达到了完全破坏状态.若达到了完 全破坏,在紧邻破坏发生后的计算步中,给出恒定的 $\sum M_s f$,安全系数 F_s 由此得

$$F_{\rm s} = \frac{\tau_{\rm m}}{\tau_{\rm b}} = \sum M_{\rm s} f_{\rm d} \tag{2}$$

$$\tau = c + \sigma \tan \varphi \tag{3}$$

式中: τ_m 为土体未破坏时的最大抗剪强度; τ_b 为土体 平衡时的抗剪强度; $M_s f_a$ 为土体发生破坏时的增量 乘子; τ 为土体抗剪强度; σ 为正应力.

2 工程概况

该工程位于陇南市某路段.k0+460 断面人工 削坡高度 30 m,1:1 坡率.分三级边坡,每级 10 m, 坡间设置卸载平台,宽度 3 m.场地类别为Ⅱ类场 地,抗震设防烈度为Ⅲ度,设计地震分组为第二组, 特征周期 0.40 s.边坡地形剖面如图 1 所示.场地地 层自上而下划分为三个工程地质大层,分别为素填 土层、第四系全新统黄土状粉土层和卵石层.场地土 层主要力学参数见表 1.



表1 土层参数

Tab.1 Physical and mechanical indices of soils

土层	重度 γ/	黏聚力	内摩擦	弹性模量	泊松
名称	$(kN \cdot m^{-3})$	c/kPa	角 φ/(°)	E/MPa	比
素填土	17	12.7	20.0	10	0.32
黄土状 粉土	17.5	13.2	22.0	15	0.3
卵石	22	10.6	35.0	80	0.25

3 建立有限元分析模型

运用 PLAXIS 3D 软件建立数值分析模型.边坡 坡高 H 为 30 m,坡顶边界均取 20 m,坡底边界取 15 m,宽度取 10 m,可有效减弱边界影响.简化实际 工程地形,建立无支护三级填方边坡.原坡体表面台 阶高宽均为 2 m;坡间卸载平台 3 m;坡率 1:1.分 析稳定性影响因素时,根据不同条件在此基础上修 改台阶高宽、坡度及卸载平台宽度.采用 Mohr-Coulomb 模型和 Boit 固结理论,填料取统一压实度.该 地区地下水位较低,故模拟过程中不考虑地下水的 影响.模型边界条件为底面固定约束,控制 x、y、z三向变形;模型两侧 y 向水平约束;上表面变形开 放.计算过程中逐步激活对应填土层,模拟真实施工 过程.分三次填筑边坡,用第一、二、三次填筑工况模 拟高度为 10、20、30 m 的一层、二层、三层边坡.有限 元计算模型如图 2 所示.



4 软件计算结果分析

4.1 不同 c 值对边坡稳定性的影响

 $\mathbf{p} \varphi$ 值固定为 20°, c 值分别为 0、10、20、30、40 kPa 时边坡安全系数变化曲线见图 3.当黏聚力 c 值 为0kPa时,三种高度的边坡安全系数相差不大,均 为最低,甚至一层边坡低于 0.4.此时填土内部没有 黏聚力,近似纯净砂砾,与原状土体间也无黏聚力, 大量填土极不稳定,非常危险.当黏聚力c值增加至 10 kPa 时,边坡的稳定性变化巨大,安全系数突变 至接近0 kPa 时的两倍.在黏聚力较小时,略微增大 填土的黏聚力可很好提高边坡的稳定性.其后随着 黏聚力的增加,安全系数缓慢上升,上升趋势逐渐缓 慢,趋于稳定.此时黏聚力达到一定限值,足够起到 稳定边坡的作用,再次增加填土黏聚力对提高边坡 稳定性起到较小作用.填土黏聚力小于 20 kPa 时, 边坡安全系数较小,边坡不够稳定;高于 20 kPa 时, 提升黏聚力对安全系数影响略小.因此,选取填料黏 聚力 20 kPa 时最为合理.





4.2 不同 φ 值对边坡稳定性的影响

在模型中改变填筑土体参数内摩擦角 φ 值,分 析填筑土体不同内摩擦角对边坡稳定性的影响情况.上述分析得出当黏聚力为 20 kPa 时,边坡安全 系数前后变化趋势较明显,此时选取黏聚力为 20 kPa用以分析不同 φ 值对边坡稳定性的影响. φ 值从 0°到 50°之间每 10°取值计算时,边坡稳定性系 数变化曲线见图 4.填筑第一层边坡时,高度低,填土 量少,仅靠土体自重足以支撑边坡变形,安全系数增 长平缓,内摩擦角 φ 值的改变对于边坡稳定性影响 较小.填筑第二、三层边坡时,曲线涨幅基本一致,三 层边坡整体安全系数略低于二层边坡.内摩擦角较 小时,由于边坡层数多、高度大、填土量大、安全系数 改变量大,呈线性增长;内摩擦角达到 20°后,边坡 趋于稳定,再次增加填土黏聚力对提高边坡稳定性 起到较小作用,安全系数曲线增长缓慢.土体内摩擦 角与安全系数呈正比关系.







4.3 填土与原状土体边界改变对边坡稳定性的影响

在填方边坡中,为避免所填土区域与原地表区 域间形成滑动面,天然地面需清理表层后修建台阶. 取模型中填土黏聚力 c 值为 20 kPa,内摩擦角 φ 值 为 20°.通过改变填土边界处台阶的高度与宽度,分 析边坡稳定性的变化趋势.

4.3.1 台阶高度对边坡稳定性的影响

台阶宽度固定为1m,高度以0.5m为差值逐 渐增大至3m,三层边坡的安全系数变化曲线如图5 所示.台阶高度与边坡安全系数呈线性变化趋势.由 于台阶宽度固定,高度升高,原坡坡角变大,填土与 原土体接触界面变陡,原边坡不能提供较好的支撑 力,仅靠填土自身重力与黏聚力支撑,安全系数降低,边坡稳定性变差.台阶高度与安全系数呈反比关 系,无明显突变趋势.



台阶高度固定为 1 m, 宽度以 0.5 m 为差值逐 渐增大至 3 m, 其边坡的安全系数变化曲线如图 6 所示.台阶高度固定,宽度增加,原坡面坡角变小,坡 度变缓,整体曲线呈现抛物线形式,安全系数升高, 边坡稳定性加强.当台阶宽度较小时,填土量小但原 边坡坡度较陡,支撑力不足,此时增大台阶宽度对提 高边坡安全系数有显著作用;当台阶宽度大于 1.5 m后,坡角小于 33°,填土量大但坡面平缓,大量土 体积压在原坡面上,原坡面可提供很好的支撑力,靠 填土自重与原坡面间摩擦力即可保持平衡.继续增 大台阶宽度,放缓原坡面提供的支撑力作用较弱,安 全系数增长缓慢,趋于稳定.





4.4 不同坡度对边坡稳定性的影响

在模型中改变填土坡度,由 20°至 80°每隔 5°建 立模型,分析边坡稳定性的变化曲线如图 7 所示.随 着坡度的增大,填土面逐渐变陡,安全系数不断减 小.当坡度在 20°~35°之间变化时,曲线斜率较陡, 安全系数变化较大,此时改变坡度对安全系数影响 较大;当坡度超过 35°,向 80°变化过程中,曲线斜率 逐渐趋于平缓,安全系数变化速率较小,此时改变坡 度对安全系数影响较小.由此得出坡度对填方边坡 稳定性有显著影响.并在坡度较小时,改变坡度对填 方边坡安全性影响较大,而在坡度大于 35°后,继续 增大坡度,虽然安全系数仍具有持续降低的趋势,但



变化速率减小,逐渐趋于平缓.

4.5 不同卸载平台宽度对边坡稳定性的影响

在模型中改变卸载平台宽度,由无平台至 7 m 宽平台每隔 0.5 m 建立模型,得出边坡稳定性变化 曲线如图 8 所示.随着平台宽度的增加,安全系数在 不断增大,整体呈现抛物线形式.从无平台到 0.5 m 平台时,边坡由一个整体分解为三个次级边坡,整体 破坏分散,由次级边坡承担,整体安全性显著提高. 其后继续增大平台宽度至 3.5 m,安全系数逐渐增 大,趋势较为稳定,曲线基本呈现线性趋势.可根据 工程实际情况,选取平台宽度在此范围之内.而平台 宽度大于 3.5 m 后,由于此时已达到足够的平台宽 度,再继续增加平台宽度,对安全系数影响较小,曲 线逐渐趋于平缓.



图 8 改变卸载平台宽度对安全系数的影响

Fig.8 Diagram of safety factor versus the width of unloading platform

4.6 填筑过程中边坡各点变形位移

选取原坡顶 A,填土第三层边坡坡顶 B、坡面 C、坡脚 D,第二层边坡坡顶 E、坡面 F、坡脚 G,第 一层边坡坡顶 H、坡面 I、坡脚 J,以及各层填土体 内部点 K、L、M 共 13 点作为分析对象,位置分布 如图 9 所示.各点竖向位移模型云图及曲线图如 图 10、图 11 所示;各点水平位移模型云图及曲线图 如 图12、图13所示.位移曲线图中第1、第7、第11



图 9 分析点位置 Fig.9 Distribution position diagram of Analysis point



图 10 边坡竖向位移模型云图





Fig.11 Vertical displacement curve of slope



Fig.12 Model nephogram of horizontal displacement

步计算步数分别为第一、二、三层填筑工况开始步骤.

4.6.1 竖向位移

填筑第一层边坡,由于原坡体受到施工扰动,原 坡顶 A 竖向位移变化最大.填土表面及内部各点随 第一层边坡的施工竖向位移逐渐增大,填土有小部 分压实沉降情况.G、H 两点位于同一高度,但由于 卸载平台的存在,G 点位移略小于 H 点.

填筑第二层边坡,在两层边坡中间新增卸载平 台,坡体处施加填土体自重压力,填土量达到整个坡



Fig.13 Horizontal displacement curve of slope

体的一半以上,A 点竖向位移得到有效控制,第一 层边坡各点沉降增量明显减少,趋于稳定.G 点因位 于第二层边坡坡脚处,受到第二层边坡填土自重压 力影响,出现第二次沉降现象,竖向变形略有增大. 第一层边坡上各点受影响较小,趋于稳定.D、E、F、 L 点位于新增第二层边坡的关键点位置,填土固结 沉降开始,竖向位移随着施工工况的进行逐渐增大, 曲线趋势明显.

填筑第三层边坡,施工期间 A 点处变形均保持 稳定,直至整体边坡施工完成,填土压实度逐渐增 加, 些向沉降趋势明显, 此时 A 点处平衡重新破坏,竖向变形增大至最大值.此时第一层边坡完工较早, 新填筑的第三层边坡对其基本没有影响,第一层边 坡上各点竖向位移略有变化,趋于稳定.第二层边坡 受影响较小,工况前期 $E_{x}F_{x}L$ 点突变趋势得到制 止,基本保持不变,后期随着整体边坡沉降略有增 加.第三层边坡施工期间 $B \ C \ K$ 点突变至 2 mm 后短时间内保持稳定,由于坡脚处承受填土自重荷 载较大,D 点整体位移量大于 B、C、K 点,突变至 4 mm.施工完成后由于填土固结,坡顶处 B,C,K 点 位移量逐渐增大,B点是整个边坡最危险点.填土内 部 K 点初期位移略小于坡面 C 点,后期随着填土固 结程度加大,沉降位移逐渐累计增大,超过坡面 C 点位移.而 D 点处下部土体支撑力大,固结程度好, 位移趋势远小于 B、C 两点.

施工时边坡沉降发展迅速,沉降量大,原坡顶处 位移较大.施工完成后,边坡发生次固结现象,此时 沉降量较小,发展缓慢,固结时间长.第三层边坡坡 顶处沉降位移最大.

4.6.2 水平位移

填土水平位移曲线均与施工工况一一对应,整体趋势为向背离土体方向位移,仅有前期小部分土体向土体方向位移.位移最大点处为第三层边坡坡

脚处,处于规范要求最大位移量以内.

填筑第一层边坡,此时原始坡体本身处于固结 沉降状态,A 点处于原始边坡最高点处,初期填筑 低层边坡时对其影响较小,呈现自然固结沉降趋势, 水平方向呈现向坡体内部位移趋势.第一层边坡各 点随着工况水平位移逐渐增大,坡肩处变形由竖向 位移引导,水平位移变化较小,坡脚处竖向位移受到 下部原状土层支撑,变化较小,上部受新增填土竖向 沉降挤压,施加水平推力,向坡面外侧水平位移增大 较快.第一层边坡上各点随高度的降低,位移逐渐减 小.

填筑第二层边坡,底部填土量较大,向原坡体施 加水平推力,A 点朝向坡体内部位移受到影响,出 现向坡外位移的趋势.此时第一层边坡沉降趋势相 似于竖向位移,趋于稳定.E、F、L 点位于第二层边 坡关键点位置,第二层边坡填筑工况初始,填土未稳 定,水平位移突变增大至 6 mm,后期趋势较为缓 慢,位移量逐渐增大.

填筑第三层边坡,施工期间新增填土压力使得 A 点向坡外位移趋势稍有减缓,施工完成后填土压 实度逐渐增加,A 点水平位移随新填第三层边坡一 起朝向坑外迅速增大.第一层边坡上各点水平位移 趋势延续第二层边坡填筑工况,略有增大,整体趋于 稳定.D、E、F、L 点在第三层边坡较大的下滑推力 作用下产生水平蠕滑变形,位移趋势类似竖向位移 变化趋势,施工期间点突变趋势停止,完工后逐渐增 大.第三层边坡上各点施工期间位移趋势类似竖向 位移变化趋势,竣工后在高自重应力作用下继续产 生固结沉降及蠕变.此时为填方边坡工后沉降时期, 填土自重大,固结时间长,位移变化量大,再加上后 期外界因素,易出现变形裂缝甚至滑坡崩塌现象.

5 结论

依据实际工程,对西北地区黄土高填方边坡进 行数值模拟,研究边坡稳定性的影响因素.模拟实际 填筑工况,分析边坡上各点位移的变形规律.所得结 论如下:

 1) 土体黏聚力、内摩擦角、填土与原状土体边 界、坡度及卸载平台宽度均对黄土高填方边坡安全 系数有显著影响.其中土体黏聚力、内摩擦角、台阶 宽度以及卸载平台宽度与边坡稳定性关系曲线均呈 现抛物线形式.在数值较小时,增大其数值对坡稳定 性有较大提升;而在数值较大时,继续增大对边坡稳 定性影响较小.台阶高度、填土坡度与安全系数呈现 反比趋势,提升台阶高度与填土体坡度会造成边坡

稳定性下降.

2)第一、二层边坡填筑时期竖向位移突变较大,施工完成后受固结沉降影响较小;第三层边坡填筑时期不同点处竖向位移突变情况差距较大,后期 土体逐渐固结沉降,变形量大.需在边坡施工时加强 对低层边坡的变形监测,施工完成后加强高层边坡 坡顶处的变形监测.

3)第一层边坡填筑时期水平位移小,增长缓慢,填筑完成后其它工况对其影响较小;第二、三层 边坡填筑时期水平位移突变较大,施工结束后固结 沉降时期长,变形趋势明显,位移量大.在后期监测 中需着重注意边坡中间层各点水平位移.

参考文献:

- [1] 胡长明,梅 源,刘增荣,等.湿陷性黄土高贴坡变形模式和稳
 定性分析[J].岩石力学与工程学报,2012,31(12):2585-2592.
- [2] 刘新喜,夏元友,蔡俊杰,等,降雨入渗下强风化软岩高填方路 堤边坡稳定性研究[J].岩土力学,2007,28(8):1705-1709.
- [3] 谷天峰,王家鼎,任 权,等.循环荷载作用下黄土边坡变形研 究[J].岩石力学与工程学报,2009,28(增刊1):3156-3162.
- [4] 徐则民,张倬元,许 强,等.九寨黄龙机场填方高边坡动力稳定性分析 [J].岩石力学与工程学报,2004,23(11):1883-1890.
- [5] 陈志波,简文彬.边坡稳定性影响因素敏感性灰色关联分析[J].防灾减灾工程学报,2006,26(4):473-477.
- [6] 胡田飞,刘建坤.复杂边坡三维地质建模技术及稳定性分析方法
 [J].防灾减灾工程学报,2016,36(4):580-587.

- [7] 葛苗苗,李 宁,张 炜,等.黄土高填方沉降规律分析及工后 沉降反演预测 [J].岩石力学与工程学报,2017,36(3):745-753.
- [8] 马 闫,王家鼎,彭淑君,等.黄土贴坡高填方变形破坏机制研 究[J].岩土工程学报,2016,38(3):518-528.
- [9] 吴红刚,冯文强,艾 挥,等.山区机场高填方边坡工程实践与 研究[J].防灾减灾工程学报,2018,38(1):385-400.
- [10] 李 忠,范润赟,罗 华.基于 MPGA 的边坡三维稳定性分析 [J].兰州理工大学学报,2018,44(1):116-120.
- [11] 朱彦鹏,杨晓宇,严锐鹏,等.双强度折减法的配套折减机制 [J].兰州理工大学学报,2017,42(2):121-126.
- [12] 周 勇,王旭日,朱彦鹏,等.泥岩砂岩互层高边坡监测与数值 模拟对比分析 [J].兰州理工大学学报,2018,44(1):109-115.
- [13] 李 忠,朱彦鹏.土坡稳定性分析中滑移面位置及安全系数空 间分布探讨[J].兰州理工大学学报,2007,33(4):113-117.
- [14] 朱彦鹏,张浩亮,李 忠,等.大断面隧道施工对洞口边坡稳定 性的影响[J].兰州理工大学学报,2014,40(3):120-125.
- [15] 崔晓如.高填方路基沉降变形分析与预测及其控制标准研究 [D].长沙:长沙理工大学,2010.
- [16] 宋焱勋,彭建兵,张 骏,黄土填方高边坡变形破坏机制分析 [J].工程地质学报,2008,16(5):620-624.
- [17] 李喜忠.斜坡高填方黄土路基破坏机理与加固措施 [J].北方 交通,2013(9):28-31.
- [18] 张丽萍.黄土高路堤稳定性研究 [D].西安:长安大学,2005.
- [19] 张卫兵.黄土高填方路堤沉降变形规律与计算方法的研究 [D].西安:长安大学,2007.
- [20] 徐 明,宋二祥.高填方长期工后沉降研究的综述 [J].清华大 学学报(自然科学版),2009,49(6):770-773.