·能源与环境·

# 单组分液滴在快速降压环境下传热传质过程研究

## 杜小泽,韦佳吟,吴江波

(兰州理工大学能源与动力工程学院,甘肃兰州 730050)

摘 要:为了对降压环境下单个液滴的蒸发过程进行研究,基于气液界面的捕捉模型,建立适 用于快速降压环境下单个液滴的蒸发模型,利用纯水液滴蒸发的实验数据验证该模型,分析静止纯 水液滴在相变过程中的形态变化以及液滴内部速度场、蒸汽分布等随时间的变化,模拟分析不同压 力环境、液滴直径、初始温度等条件对液滴中心温度及蒸发速率的影响。结果表明:在降压蒸发过程 中液滴形态和环境中蒸汽的分布会随速度场的变化而变化;液滴中心温度与最终环境压力成正比, 液滴初始温度与液滴中心温度的回升速率成正比;最终环境压力对液滴初始阶段的蒸发速率影响较 大;液滴初始直径和初始温度对其后期蒸发速率的影响较大。

关键词: 单组分液滴;降压蒸发;蒸发模型;数值模拟

中图分类号:TK121 文献标志码:A 文章编号:1673-159X(2021)05-0001-08 doi:10.12198/j.issn.1673-159X.3969

# Study on Heat and Mass Transfer Process of Single Component Droplet Under Rapid Depressurization

DU Xiaoze, WEI Jiayin, WU Jiangbo

(School of Energy and Power Engineering, Lanzhou University of Technology, Lanzhou 730050 China)

Abstract: Based on the capture of gas-liquid interface with Fick law and VOF (Volume Of Fluid) method, a single droplet evaporation model was established which is suitable for rapid step-down environment, and the new model of pure water droplet evaporation was verified by the experimental results. It was studied that morphological changes of static pure water droplets during phase transition and the changes of temperature field and vapor distribution in the droplet with time. The study simulated and analyzed the influences of droplet center temperature and evaporation rate during different pressure environment, droplet diameter and initial temperature. The results show that the droplet shape and the distribution of vapor in the environment will change with the variation of velocity field in the process of depressurized evaporation, the droplet center temperature is proportional to the final environmental pressure, and the initial temperature is a great

基金项目:国家重点研发项目 (2018YFB0604303-02)。

ORCID:0000 - 0002 - 7687 - 1959 E-mail:duxz@ncepu.edu.cn

引用格式:杜小泽,韦佳吟,吴江波.单组分液滴在快速降压环境下传热传质过程研究[J].西华大学学报(自然科学版),2021,40(5):1-8.

DU Xiaoze, WEI Jiayin, WU Jiangbo. Study on Heat and Mass Transfer Process of Single Component Droplet Under Rapid Depressurization[J]. Journal of Xihua University(Natural Science Edition), 2021, 40(5): 1 – 8.

收稿日期:2021-02-26

**第一作者:**杜小泽(1970—),男,教授,博士,长江学者,主要研究方向为强化传热与节能、微观传递现象、海水淡化、储能材料与储能 技术。

influence on the initial evaporation rate of the droplet, while the initial diameter and initial temperature of the droplet have a great influence on the evaporation rate of the droplet in the later stage.

**Keywords:** single-component droplet; depressurized evaporation; evaporation model; numerical simulation

液滴的相变过程涉及物性的变化和气液界面 的移动,是复杂的多相传热传质问题。目前所见文 献大多是对碳氢燃料液滴在高温环境下的蒸发,以 及含有易挥发性成分的液滴在常压环境下的蒸发 的研究。费舒波等印研究了单组分机油液滴在高 温高压环境下的蒸发过程,分析了异辛烷和长链烷 烃的蒸发异同及其影响因素对体积膨胀的影响,包 括环境压力、环境温度、液滴初始半径等。部分学 者针对燃料液滴从亚临界到超临界的蒸发和转变 过程,以及转变所需时间和压力、环境温度、初始 液滴直径等因素的变化进行研究[2]。对于低压环境 下燃料液滴的蒸发过程也有学者推导出液滴直径 随时间变化的理论模型,并通过实验分析了环境压 力对液滴汽化和蒸发的双重影响<sup>[3]</sup>。此外, Chen 等[4]认为在液氢液滴蒸发过程中,存在一个临界半 径使得辐射热和传导热相等,且随着液滴半径的减 小辐射热所占比例也逐渐减小,传导热所占比例增 大。Rybdylova 等<sup>[5]</sup> 构建了考虑再循环时液滴中组 分质量扩散规律的新模型,使用 FLUENT 软件绘 制了乙醇和丙酮液滴的温度、表面质量分数的变 化及液滴沿其径向的变化,将结果与之前开发的模 型预测结果比对显示误差较小,故新模型可应用于 更多实际场合。

液滴在降压环境下的蒸发过程即闪蒸过程,是 指饱和液滴的环境压力突然降低,导致部分显热以 汽化潜热的形式被吸收,使得液滴剧烈相变成为蒸 气。对于航空航天方面,低温闪蒸喷雾能够有效解 决极端散热问题。Zhou等<sup>[6-7]</sup>研究了阻力对气流 中运动的单组分制冷剂液滴的影响,观察了喷雾液 滴在运动过程中直径、温度和速度的变化。此外, 还开发了单个液滴蒸发的计算模型,研究了在气流 中单个运动液滴的蒸发过程,液滴直径及运动速度 随喷射距离的变化。后续研究又在 CFD 模拟的基 础上考虑液滴表面与环境之间的传热传质作用,建 立了液滴蒸发耦合模型<sup>[8]</sup>。在工业脱盐、海水淡化 方面,崔婧格等<sup>[9]</sup>研究了低压环境下多组分的海水 液滴蒸发的变化及环境压力、温度对液滴中心温 度的影响。刘琰等[10] 讨论了不同浓度的盐水液滴 在蒸发时的形态变化及温度变化。当盐水浓度较 高时,液滴蒸发过程会存在析盐现象。有国内学者 研究了有无析盐过程对液滴中心温度的影响,分析 了不同条件对液滴温度的影响以及不同液滴浓度 下盐水液滴的相变过程[11]。Liu 等[12] 针对不同浓 度乙醇和乙酸液滴建立了液滴蒸发过程的数学模 型。该模型求解了一维热传导方程和组分扩散方 程,得到了液滴内部的温度分布和浓度分布,引入 活度系数来模拟液滴表面的蒸汽分压。除了悬挂 液滴的研究,也有学者对壁面上固着液滴的蒸发过 程进行研究,认为蒸发过程可分为非等温扩散蒸发 阶段和准等温蒸发阶段,且除了扩散传递和分子导 热以外,汽-气对流也起着很重要的作用,观察了蒸 发过程中液滴水蒸气分压随时间的变化[13-14]。 Lee 等[15] 提出了一种含界面蒸发质量通量的优化 模型来模拟液滴蒸发,并采用无条件梯度稳定格式 对控制方程进行离散,研究了液滴与固体表面的接 触角对液滴蒸发过程形态和尺寸变化的影响。

目前,学者们对于降压环境下单组分液滴的研 究主要是基于球形蒸发理论进行数值模拟,即假定 蒸发过程中液滴始终维持球形,但现有的蒸发模型 无法体现蒸发过程中气液界面、温度场以及蒸汽 组分等的分布和变化,因此基于体积流体的 VOF 方法显得格外重要。该方法可以对气液界面进行 跟踪,动态显示蒸发过程中液滴形态的变化。李金达[16] 考虑了气液界面相分数的变化,基于 VOF 方法建 立了新的液滴蒸发模型,研究了热电偶丝导热对单 组分燃料液滴蒸发特性的影响及蒸发过程中气液 组分的变化。Saufi 等<sup>[17]</sup> 忽略了表面张力并向液滴 内部引入向心力,添加了液滴蒸发过程中的内部 场,建立了液滴蒸发的多维求解器,结果表明这种 求解器的模拟结果在自然对流、强迫对流、微重力 工况下与实验数据都非常吻合。 Scapin等<sup>[18]</sup> 也是 基于体积流体 VOF 方法,提出了蒸发过程两相界

面解析模拟的数值方法,这种方法能够更为精确地 模拟两相流的蒸发流动过程。

物性、传热传质等因素的影响使得液滴蒸发 问题格外复杂,因此建立完善的单组分液滴蒸发模 型是研究不同种类液滴蒸发的基础。本文基于 VOF方法建立了纯水液滴的蒸发模型,采用开源 软件 OpenFOAM 分析单个纯水液滴在快速降压环 境下相变过程的形态变化和液滴内部速度场、蒸 汽分布随时间的变化特征,研究了最终环境压力、 初始液滴直径等因素对液滴蒸发速率及液滴中心 温度的影响。

1 液滴蒸发的数学模型

#### 1.1 控制方程

本文选择一种多相、支持跨相质量传递和热 传递的求解器,基于 VOF 方法捕捉气液界面。在 求解控制方程的过程中,将气液看作一相,即只求 解一组 N-S 方程,但热物理参数及相模型的种类必 须按照气液两相的不同选择相应的参数。

液相体积分数的运输方程如下:

$$\frac{\partial \alpha}{\partial t} + \nabla \cdot \boldsymbol{U}\alpha + \nabla \cdot (\boldsymbol{U}_{\mathrm{r}}\alpha(1-\alpha)) = \dot{m} \qquad (1)$$

式中: *m*为蒸发源项; *a* 是相的体积分数, 用来追踪 气液两相界面的具体位置。当 *a* 值为 1 时表示网 格单元内部充满液体, 当 *a* 值为 0 时表示网格单元 内部充满空气, 当 0<*a*<1 时表示网格单元内既有液 体也有气体, 此时液相分数为 *a*, 气相分数为 (1-*a*)。

$$\alpha = \begin{cases} 0 & \forall \Delta \phi \\ 1 & \forall \phi \end{cases}$$
(2)

此时在计算过程中密度等物理参数不再是常数,而是相分数的函数,界面上的值需要根据a不断 更新,相关公式如下:

$$y = \alpha y_{l} + (1 - \alpha) y_{g} \qquad (3)$$

式中:下标1表示液相参数;g表示气相参数。

存在重力及源项时,不可溶多相介质的动量方 程如下:

$$\frac{\partial \rho U}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho U U) - \nabla \cdot \tau = -\nabla p + \rho g + \overrightarrow{f} \qquad (4)$$

式中了表示表面张力源项,表面张力会导致气液界 面处存在一个尖锐的界面压力降,且为一个间断函 数。由于在实际计算中该过程很难实现,故 CSF (Continuum Surface Force)模型<sup>[19]</sup>将间断压力降处 理为一个连续函数,有

$$\vec{f} = \sigma \kappa \nabla \alpha \tag{5}$$

式中:σ是表面张力系数; κ表示界面处的曲率, 其值为

$$\kappa = -\nabla \cdot \left( \frac{\nabla \alpha}{|\nabla \alpha|} \right) \tag{6}$$

在多相流求解器中,定义 $p_{rgh} = p - \rho g \cdot h$ ,则式 (4)可写成

$$\frac{\partial \rho U}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho U U) - \nabla \cdot \tau = -\nabla \rho_{\rm rgh} - g \cdot h \nabla \rho + \sigma_K \nabla \alpha$$
(7)

由于在 VOF 方法中气液两相看作一种流体, 所以能量守恒方程可写成如下形式:

$$\frac{\partial \rho c_{\rm p} T}{\partial t} + \nabla \cdot \left( \rho c_{\rm p} UT \right) = \nabla \cdot \left( k \nabla T \right) -$$
  
$$\dot{m} \left[ L + \left( c_{\rm p,l} - c_{\rm p,g} \right) \left( T_{\rm sat} - T_{\Gamma} \right) \right]$$
(8)

式中: k、cp分别表示导热系数和定压比热容; L表示汽化潜热; 方程右侧第二项表示汽化潜热及由两相之间比热的差异引起的热量变化。

气体组分方程如下:

$$\frac{\partial Y_{\rm g}}{\partial t} + \nabla \cdot \left( U Y_{\rm g} \right) = \nabla^2 Y_{\rm g} + \dot{m} \tag{9}$$

## 1.2 蒸发模型

由于蒸发过程受环境压力变化的影响,模型需 要考虑压力对界面蒸气质量分数的影响,因此选 用 KineticGasEvaporation 模型。该模型基于气体 动力学理论,考虑了赫兹克努森公式,即假设液体 和蒸气处于平衡状态,给出了基于动力学理论时气 液界面的蒸发凝结通量。

$$\dot{m} = c \sqrt{M/(2\pi RT_{\rm act})} (p - p_{\rm sat})$$
(10)

式中: *c* 为调节系数; *M* 为相对分子质量; *R* 为通用 气体常数; *T*<sub>act</sub>为饱和温度; *p* 为蒸汽分压; *p*<sub>sat</sub>为饱 和压力。

其中饱和条件下压力与温度的关系通过 Clapeyron-Clausius 方程表示为<sup>[20]</sup>

$$\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}T} = -\frac{L}{T\left(\nu_{\rm g} - \nu_{\rm l}\right)} \tag{11}$$

式中vg、v1分别表示蒸汽、液体密度的倒数。

综上,式(10)可写成以下形式[21]:

$$\dot{m} = 2 \frac{c}{2-c} \sqrt{\frac{M}{2\pi R T_{act}}} \cdot L \frac{\rho_{g} \rho_{l}}{\left(\rho_{l} - \rho_{g}\right)} \cdot \frac{(T - T_{act})}{T_{act}}$$
(12)

#### 2021 年

# 2 模型建立

4

## 2.1 液滴模型

本文针对纯水液滴在快速降压环境下的蒸发 过程建立数值模型,研究在蒸发过程中液滴的形态 变化及液滴内部温度场的变化。首先做如下假设: 1)液滴轴对称蒸发;2)将气体看作不可压缩理想气 体;3)液滴蒸发过程处于准稳态;4)忽略液滴与环 境间的热辐射;5)所有流体均为层流。

#### 2.2 计算网格

计算模型采用三维笛卡尔坐标系,在求解二维 算例时第三个方向的厚度设置以不影响求解为原 则。本文建立二维结构化计算网格,取直径为40 mm的圆形计算域,如图1所示,直径为2mm的液 滴悬挂在直径为0.1mm的热电偶节点上。为减少 计算量,假设液滴球对称蒸发,将求解域简化为一 半,设置左侧为对称面。为使蒸发界面及液滴内部 场更清晰,在中心液滴区域内设置较密网格,并为 相分数指定一个非均匀的初始液相场和温度场,如 图2所示,在液滴界面内设置相分数 α为1,液滴 周围空气相分数为0,设置初始液滴温度为17℃ (即290 k)。



**2.3 离散方法和求解方法** 离散格式的选择中,对时间项选择一阶隐式欧



拉格式,梯度项使用高斯积分计算,但具体的体心 到面心的离散使用中心差分(即线性插分)格式,主 要用于计算面通量。针对动量方程和能量方程中 的对流项选用二阶的高斯线性迎风格式以实现良 好的精度。这种离散格式基于高斯积分和迎风格 式但比线性插分在数值上得到的结果更好,但需要 指定相应的速度和温度梯度。由于中心差分格式 在纯对流的情况下相对不稳定,因此对于气液相体 积分数运输方程选用 vanLeer 格式,拉普拉斯项选 用正交修正后的高斯线性插分格式。

控制方程的求解过程根据不同的方程编写相 应的对称或非对称矩阵求解器。时间导数以及拉 普拉斯项的离散为对称矩阵,对流项的引入会导致 矩阵非对称,因此相体积分数场和温度场的方程使 用非对称共轭求解器 PBiCG 来求解。压力场选择 用于对称矩阵的 PCG 求解器,速度场选择对称高 斯赛德尔光顺求解器 smoothSolver。速度-压力的 耦合方程选用 PISO 算法,其特点是在每个迭代步 长内先求解压力方程以保证质量守恒,然后再附加 速度修正来求解动量方程,最后对所有方程进行松 弛,保证矩阵的对角占优。

3 实验系统及方法

## 3.1 实验系统

实验利用真空泵降低测试罐内的压力,研究液 滴在快速降压环境下的蒸发特性。如图 3 所示,将 液滴悬挂在热电偶节点上进行测温。实验系统分 为测试系统、真空系统、图像部分以及数据采集系 统。其中测试系统由测试罐、热电偶、压力传感器 以及球阀组成;真空系统由真空泵、真空罐、相应 的连接管道和阀门组成;数据采集系统采用 KEITHLEY 公司的 2700数据采集系统,以获得液 滴的中心温度以及测试罐内压力的变化;图像部分



4—高速摄像机; 5—测试罐; 7—红外热像仪; 8—球阀;
 9—真空罐; 11—真空泵; 13—计算机。
 图 3 液滴降压环境下蒸发过程实验系统图

由高速摄像机和红外热像仪组成,以捕获液滴形态 变化及液滴表面温度。

#### 3.2 实验方法

实验开始前需检查设备状况,确保设备及测试 罐气密性良好。具体实验步骤如下:打开阀门10, 通过真空泵11对真空罐9进行抽气;打开阀门 3关闭阀门6,利用压力传感器实时获取真空罐中 的压力数值;完成抽气后,打开阀门6关闭阀门3, 读取测试罐内的压力;实验开始时打开连接真空罐 和测试罐的球阀8使测试罐尽快降压,压力传感器 和热电偶连接在2700数据采集系统上,再通过计 算机读取数据;摄像机4和红外热像仪7分别位于 测试罐两侧以观察液滴的形态变化和表面温度。

4 结果与讨论

#### 4.1 验证模拟结果

图 4 对比了实验结果<sup>[11]</sup>和数值模型中液滴中 心温度的变化,验证了数值模型的有效性。图 4(a) 模拟条件设置为最终环境压力为 1 500 Pa,初始环 境温度为 20 ℃,液滴温度为 17 ℃,液滴初始直径 为 1.5 mm。可以看出模拟值与实验结果吻合较 好。随着测试罐内压力的降低,液滴温度超过饱和 温度,因此液滴表面大量吸收液滴内部的热量而快 速蒸发,中心温度快速降低,在 4 s 之后蒸发速度逐 渐稳定,故液滴中心温度趋于平缓。图 4(b)模拟 条件设置为初始环境压力为 840 Pa,环境温度为 20 ℃,液滴温度为 16 ℃,液滴初始直径为 1 mm。 由于酒精的挥发性较强,液滴的饱和温度和沸点温 度都较低,因此在降压过程中液滴中心温度降低的 速率更快,所能到达的最低温度也越低。



在降压初始阶段,模拟结果与实验所得液滴中 心温度下降速度存在误差,是因为在开启阀门后, 由于管道等因素影响导致压力并不是立即降低,而 是稍有延迟,所以实验结果中液滴中心温度的降低 速度较为缓慢。

#### 4.2 液滴蒸发特性

图 5显示了蒸发过程中液滴形态随时间的变化。蒸发初期,液滴中心悬挂在热电偶节点上,随着环境压力的降低,引起流场内速度变化,导致在蒸发过程中液滴并不能持续维持中心悬挂在热电偶节点上,且随着压力的变化表面形态也在不断变化,也没有维持球形形态。



图 6 显示了蒸发过程中液滴内部及环境中的

速度场随时间的变化。t=0.5 s时可以看到,初始降 压阶段,压力变化大,液滴蒸发速度较快,此时,液 滴大量吸收内部热量而蒸发,液滴内部水分子及气 液边界处的蒸汽分子的动能较大,向四周做无规则 运动,因此液滴内部及边界处流体速度变化较为明 显。随着蒸发过程的稳定,分子动能逐渐减小,环 境中空气的流速和液滴内部流速也逐渐稳定。



图 7显示了液滴蒸发过程环境中的无量纲蒸 汽浓度的分布。蒸发初期产生的蒸汽凝聚在液滴 周围,环境中还是以空气为主,随着液滴的蒸发和 环境中气流的运动,气化后的蒸汽混入周围的空气 中,并随着空气由中心向四周扩散,到 ==10 s 后蒸 汽的分布逐渐稳定,且部分蒸汽随空气从出口流出。



#### 4.3 影响液滴中心温度的因素

最终环境压力对液滴中心温度的影响如图 8 所示。在其他条件相同时,数值模拟了最终压力分 别降低至 1200、1500、2000 Pa 时液滴中心温度随 时间的变化。通过曲线可以看出,由于环境压力降 低,导致对应压力下液滴的饱和温度降低,因此液 滴中心最低温度随着最终压力的降低而降低,且最 终环境压力越低,在 0~2 s 内液滴中心温度变化的 速率越大,所达到的最低温度也越低。

初始液滴温度对中心温度的影响如图 9 所 示。控制其他变量相同,分别设定液滴初始温度 为 17 ℃ 和 27 ℃。随着液滴初始温度的升高,液 滴中心达到最低温度后回升的速率越快。两种条 件下液滴中心都是在 4 s 左右达到最低点,但初始 温度为 17 ℃ 时,约在 30 s 左右中心温度开始回



升, 而初始温度为 27 ℃ 时, 由于液滴内能较大, 可 供液滴表面蒸发的潜热较多, 因此液滴蒸发速率较 快, 中心温度到 12 s 左右开始回升。由曲线可以看 出, 在液滴蒸发至 40 s 时, 由于蒸发速率不同, 热点 偶节点附近蒸气组分浓度不同, 导致液滴中心温度 回升到的温度差高达 8 ℃ 左右。

#### 4.4 影响液滴蒸发速率的因素

最终环境压力对蒸发速率的影响如图 10 所示。在降压蒸发过程中,液滴并不一直维持球形,故无法用传统的无量纲直径表示液滴蒸发速率。这里采用无量纲相分数判断液滴是否完全蒸发,其中纵轴 alpha.liquid 表示液滴中心的液相分数,当其值为 0 时,表示液滴已蒸发完成。分别设定最终压力为 1 200、1 500、2 000 Pa。由图可以得知,液滴初始时刻蒸发速率随着环境压力的降低而增大。当环境压力降低至 2 000 Pa 时,液滴在 0~2 s内迅速蒸发,在 2~10 s内蒸发较为平稳。这是因为随着环境压力的稳定,环境中气流流速变化减

小,因此相较初始阶段此时液滴蒸发速率减慢,且 液滴完全蒸发所需时间明显较最终压力为1200 Pa 和 1500 Pa 长,约为52 s 左右。这是由于最终环境压 力较高时,液滴蒸发所对应的饱和温度相对较高, 液滴表面蒸发时需要从液滴中心吸收更多的热能, 因此相同环境温度下液滴蒸发速率更慢。



初始液滴直径对蒸发速率的影响如图 11 所示。数值模拟了液滴初始直径分别为 1、1.5、2 mm 时液滴的蒸发速率。由 3 条曲线可以看出:初始直径分别为 2、1.5、1 mm 时,液滴完全蒸发所需时间分别约为 37、27、23 s,液滴完全蒸发需要的时间随着初始液滴直径的减小而减小;当液滴直径小于 1.5 mm 时,初始液滴大小对蒸发速率的影响可忽略;当液滴直径大于 1.5 mm 时,直径对蒸发 速率的影响较大。



初始液滴温度对蒸发速率的影响如图 12 所示。控制其他条件不变,分别设定液滴初始温度为 17 ℃ 和 27 ℃。随着液滴初始温度的升高其完

全蒸发所需时间明显减小。从图 12 可以看出,初 始温度为 17 ℃ 时,液滴完全蒸发大约需要 37 s,而 初始温度升高 10 ℃ 后,其完全蒸发仅需 23 s。这 是由于初始温度较高时液滴内部所储存的热量更 多,所以蒸发时速度更快。



## 5 结论

本文基于 VOF 方法建立了纯水液滴的蒸发模型,研究了快速降压环境下单个静止的纯水液滴相 变过程的形态变化和液滴内部速度场等随时间的 变化,分析不同初始条件对液滴中心温度及其蒸发 速率的影响,得到以下结论。

1)在降压蒸发过程中,液滴形态和环境中蒸汽的分布会随速度场的变化而变化;降压开始后液滴中心温度迅速降低,随着蒸发的进行而逐渐稳定。

2)最终环境压力对液滴中心最低温度的影响 较大,液滴中心最低温度与最终压力成正比;液滴 初始温度对液滴中心温度的回升影响较大,初始温 度越高,中心温度回升越快。

3)最终环境压力越低,液滴初始阶段蒸发速率 越快,其完全蒸发所需时间越短;液滴蒸发速率随 着液滴初始直径的减小而增大,当液滴直径小于 1.5 mm时,直径对蒸发速率的影响不大;液滴蒸发 速率随初始温度的升高而增大,温度升高 10 ℃,完 全蒸发所需时间约减少一半。

#### 参考文献

[1]费舒波,齐运亮,李雁飞,等.高温高压下机油液 滴蒸发特性的数值模拟[J].内燃机学报,2019,37(2): 114 - 122.

[2] XIAO G, LUO K H, MA X, et al. A molecular dynamics study of fuel droplet evaporation in sub- and supercritical conditions[J]. Proceedings of the Combustion Institute, 2019, 37(3): 3219 – 3227.

[3] YU D H, CHEN Z. Theoretical analysis on droplet vaporization at elevated temperatures and pressures [J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2021, 164: 120542.

[4] CHEN W, GAO R, SUN J, et al. Modeling of an isolated liquid hydrogen droplet evaporation and combustion[J]. Cryogenics, 2018, 96: 151 – 158.

[5] RYBDYLOVA O, POULTON L, QUBEISSI M A, et al. A model for multi-component droplet heating and evaporation and its implementation into ANSYS Fluent[J]. International Communications in Heat and Mass Transfer, 2018, 90: 29 – 33.

[6] ZHOU Z F, ZHU D Q, LU G Y, et al. Evaluation of the performance of the drag force model in predicting droplet evaporation for R134a single droplet and spray characteristics for R134a flashing spray[J]. Energies, 2019, 12(24): 17.

[7] ZHOU Z F, LU G Y, ZHU D Q, et al. The performance of droplet evaporation model in predicting droplet dynamics and thermal characteristics for R134a single isolated droplet and two-phase flashing spray[J]. Aerospace Science and Technology, 2019, 93: 105363.

[8] ZHOU Z F, HU M Y, XIN H, et al. Experimental and theoretical studies on the droplet temperature behavior of R407C two-phase flashing spray[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2019, 136: 664 – 673.

[9] 崔婧格, 刘亿鑫, 孔淑贤, 等. 低压环境下海水液 滴蒸发模型研究[J]. 水处理技术, 2019, 45(1): 51 - 54.

[10] 刘琰,方向青,周亮,等.盐水溶液液滴真空闪蒸 特性实验研究[J].真空科学与技术学报,2018,38(7): 551-556. [11] 骆骞, 毕勤成, 韩彦宁, 等. 盐水液滴降压环境下 蒸发过程[J]. 化工学报, 2013, 64(6): 2001 – 2006.

[12] LIU L, LIU Y, MI M, et al. Evaporation of a bicomponent droplet during depressurization[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2016, 100: 615 – 626.

[13] MISYURA Y S. Evaporation and heat and mass transfer of a sessile drop of aqueous salt solution on heated wall[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2018, 116: 667 – 674.

[14] MISYURA Y. S Non-isothermal evaporation in a sessile droplet of water-salt solution[J]. International Journal of Thermal Sciences, 2018, 124: 76 – 84.

[15] LEE H G, YANG J, KIM S, et al. Modeling and simulation of droplet evaporation using a modified Cahn–Hilliard equation [J]. Applied Mathematics and Computation, 2021, 390: 125591.

[16] 李金达. 多组分燃料单液滴蒸发过程的实验及 模拟研究 [D]. 武汉: 华中科技大学, 2017.

[17] SAUFI A E, FRASSOLDATI A, FARAVELLI T, et al. DropletSMOKE++: A comprehensive multiphase CFD framework for the evaporation of multidimensional fuel droplets[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2019, 131: 836 – 853.

[18] SCAPIN N, COSTA P, BRANDT L. A volumeof-fluid method for interface-resolved simulations of phasechanging two-fluid flows[J]. Journal of Computational Physics, 2020, 407: 109251.

[19] BRACKBILL J U, KOTHE D B, ZEMACH C. A continuum method for modeling surface tension[J]. Journal of Computational Physics, 1992, 100(2): 335 – 354.

[20] 张学学, 李桂馥, 史琳. 热工基础 [M]. 北京: 高 等教育出版社, 2015: 32-35.

[21] CAREY V P. Liquid-vapor phase change phenomena[J]. Chemical Engineering and Processing - Process Intensification, 1992, 31(5): 327 – 328.

(编校:夏书林)